Apprentissage Automatique I 60629

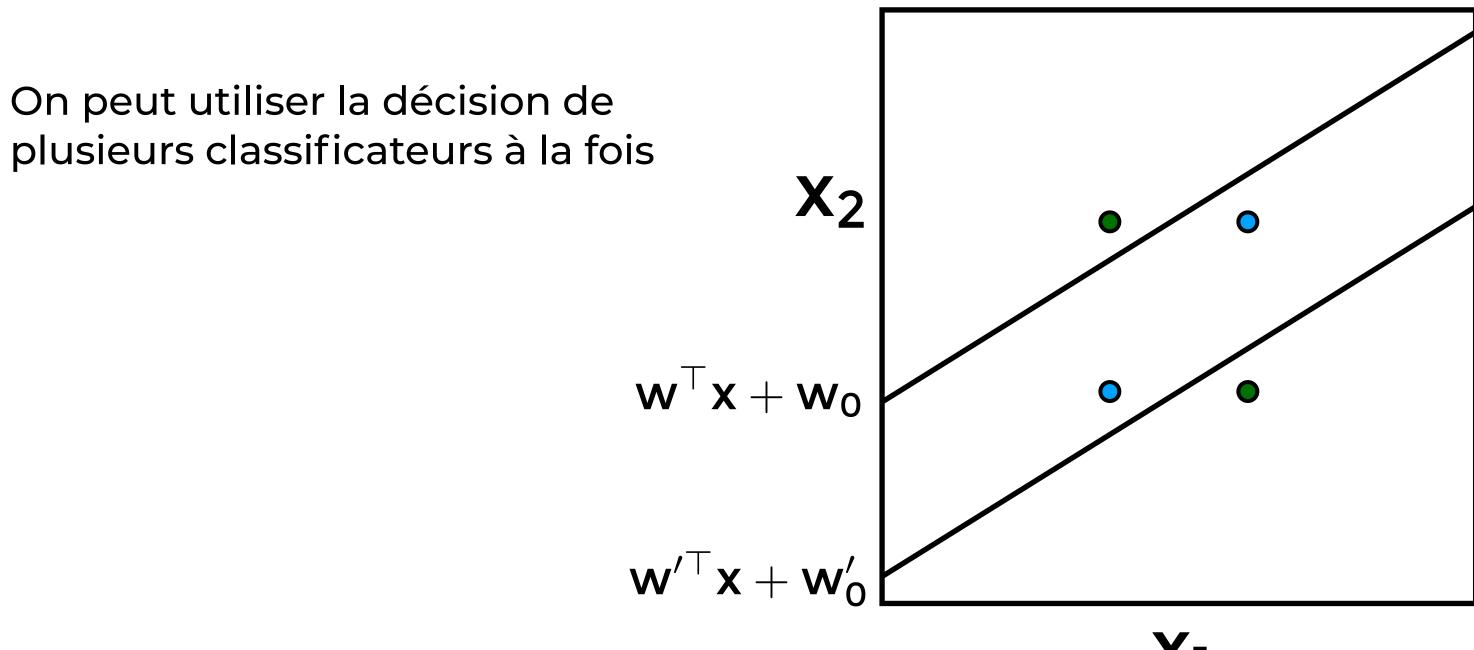
Sommaire

Réseaux de neurones

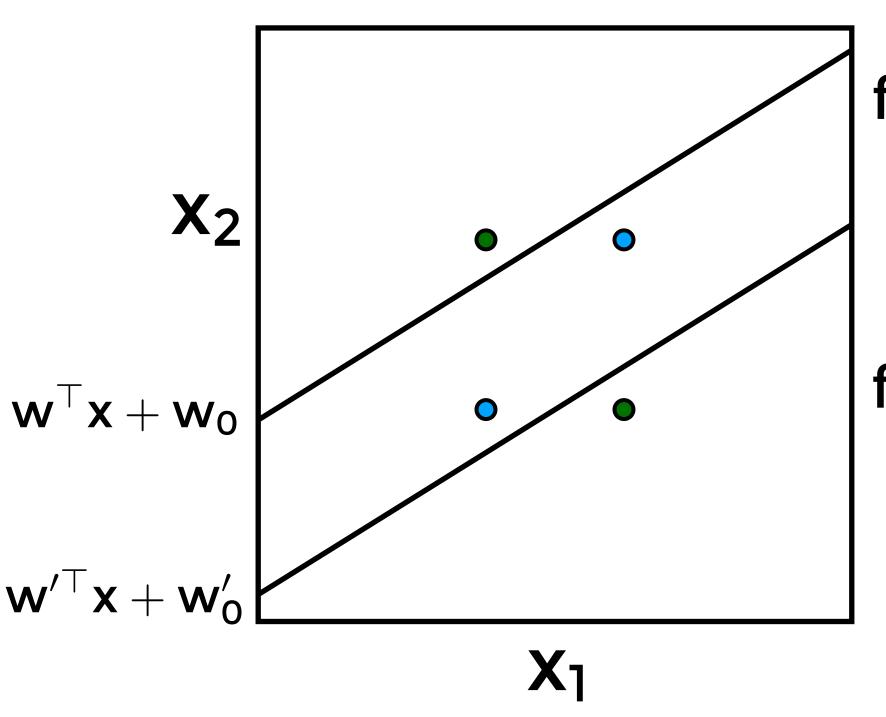
— Semaine #4

Qu'en est-il si les données ne sont pas linéairement séparables?





Combinaison de trois modèles



$$f(x): \frac{(w^\top x + w_0) > 0}{(w^\top x + w_0)} < 0 \implies 0$$

$$f'(\mathbf{x}): \frac{(\mathbf{w'}^{\top}\mathbf{x} + \mathbf{w'_0}) > \mathbf{0} \implies \mathbf{0}}{(\mathbf{w'}^{\top}\mathbf{x} + \mathbf{w'_0}) < \mathbf{0} \implies \mathbf{0}}$$

1. On évalue chaque modèle

$$f(x): \begin{cases} (\mathbf{w}^{\top}\mathbf{x} + \mathbf{w}_{0}) > \mathbf{0} \implies \mathbf{0} \\ (\mathbf{w}^{\top}\mathbf{x} + \mathbf{w}_{0}) < \mathbf{0} \implies \mathbf{0} \end{cases}$$

$$f(x): \begin{cases} (\mathbf{w}^{\top}\mathbf{x} + \mathbf{w}_{0}) > \mathbf{0} \implies \mathbf{0} \\ f(x) = \mathbf{0} \text{ and } f'(x) = \mathbf{0} \implies \mathbf{0} \end{cases}$$

$$f(x) = \mathbf{0} \text{ and } f'(x) = \mathbf{0} \implies \mathbf{0} \end{cases}$$

$$f(x) = \mathbf{0} \text{ and } f'(x) = \mathbf{0} \implies \mathbf{0} \end{cases}$$

2. On combine les décisions des modèles

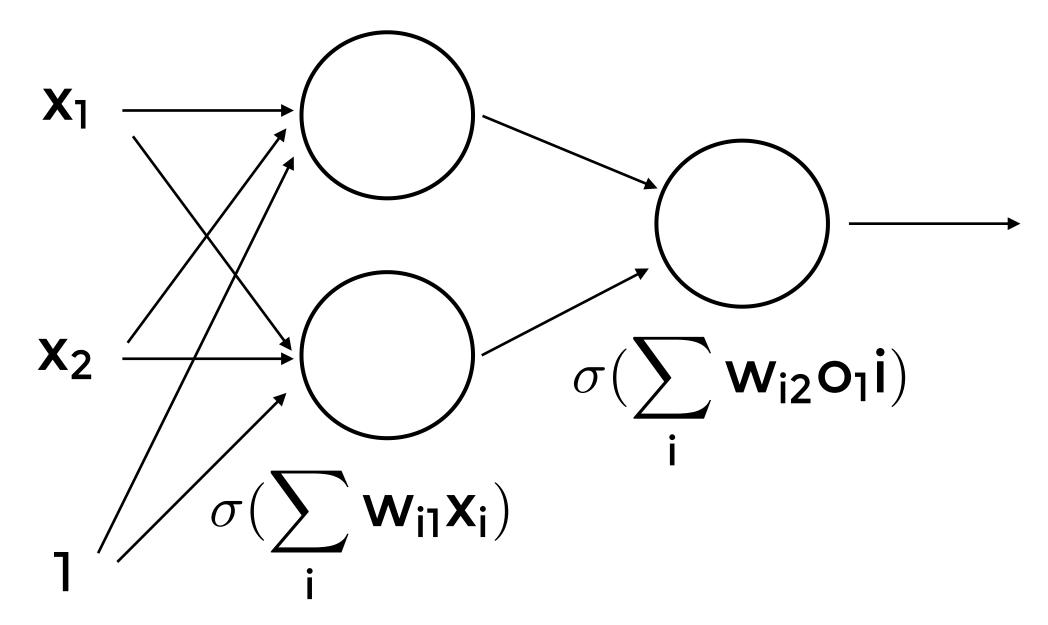
$$\mathbf{f''}(\mathbf{x}) = \mathbf{threshold}(\mathbf{w''}^{\top} \begin{bmatrix} \mathbf{f}(\mathbf{x}) \\ \mathbf{f'}(\mathbf{x}) \end{bmatrix} + \mathbf{w''}_{\mathbf{0}})$$

Réseaux de neurones feed-forward

Couche d'entrées

Couche de sortie

Couche(s) cachée(s)



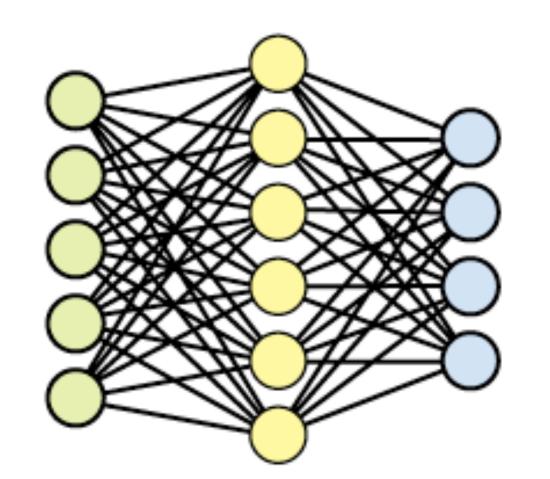
- Les flèches sont des connexions
 - Un signal associé à un poids
 - Chaque vertex calcule une somme pondérée de ses entrées suivie d'une activation non linéaire
- Les connexions vont de gauche à droite
 - Il n'y a pas de connexion entre vertex d'une même couche
 - Il n'y a pas de connexion vers « l'arrière » (récurrentes)

Descente de gradient

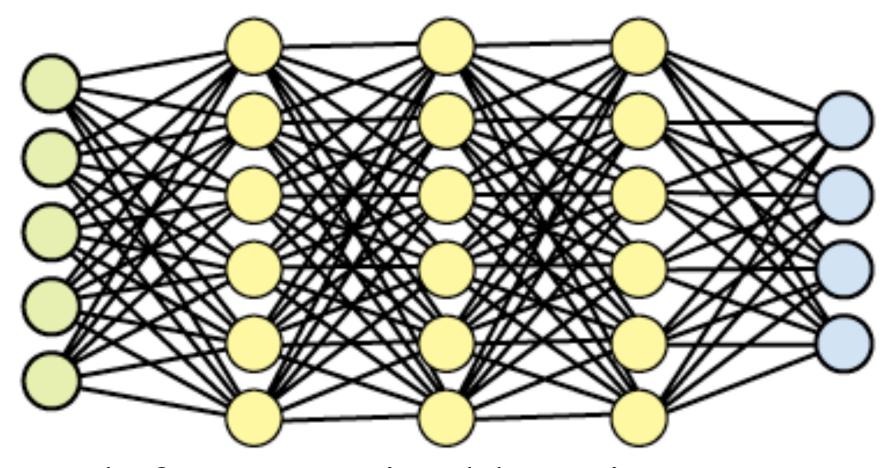
- Pas d'expression de forme fermée
- Répétez (pour t=0,1,2,... jusque'à convergence):
 - 1. Calculer le gradient ∇w_{ij}^t
 - 2. Mettre à jour les paramètres $\mathbf{W}_{ij}^{t+1} = \mathbf{W}_{ij}^{t} \alpha \nabla \mathbf{W}_{ij}^{t}$
- Descente de gradient stochastique
 - Un exemple à la fois
- Descente de gradient en lot (batch)
 - Tous les exemples à la fois

De réseaux de neurones aux réseaux profonds

Un réseau de neurones



Un réseau de neurones profond



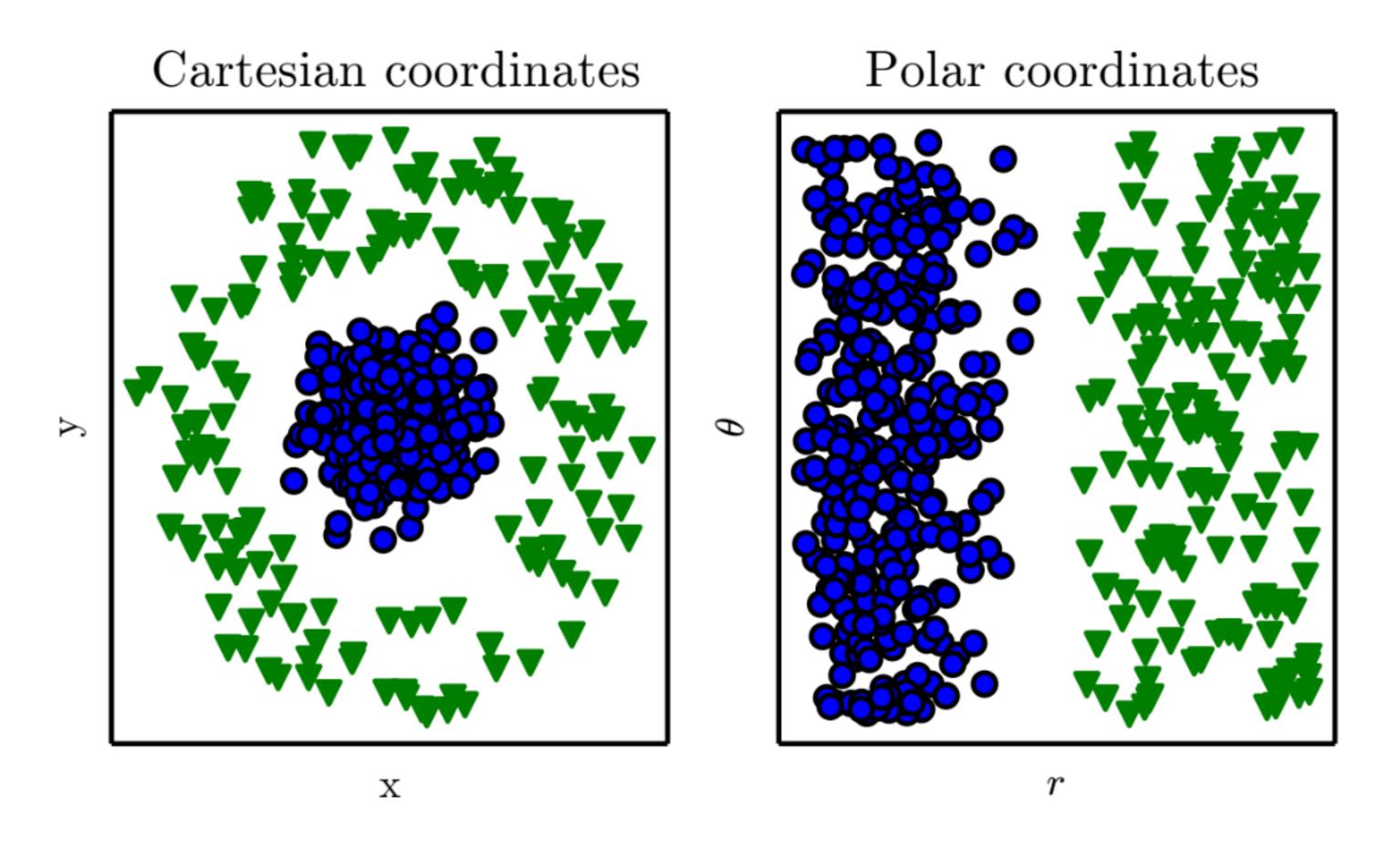
Modern deep learning provides a powerful framework for supervised learning. By adding more layers and more units within a layer, a deep network can represent functions of increasing complexity.

Deep Learning — Part II, p.163 http://www.deeplearningbook.org/contents/part_practical.html

Laurent Charlin — 60629

Une autre façon de comprendre les réseaux profonds

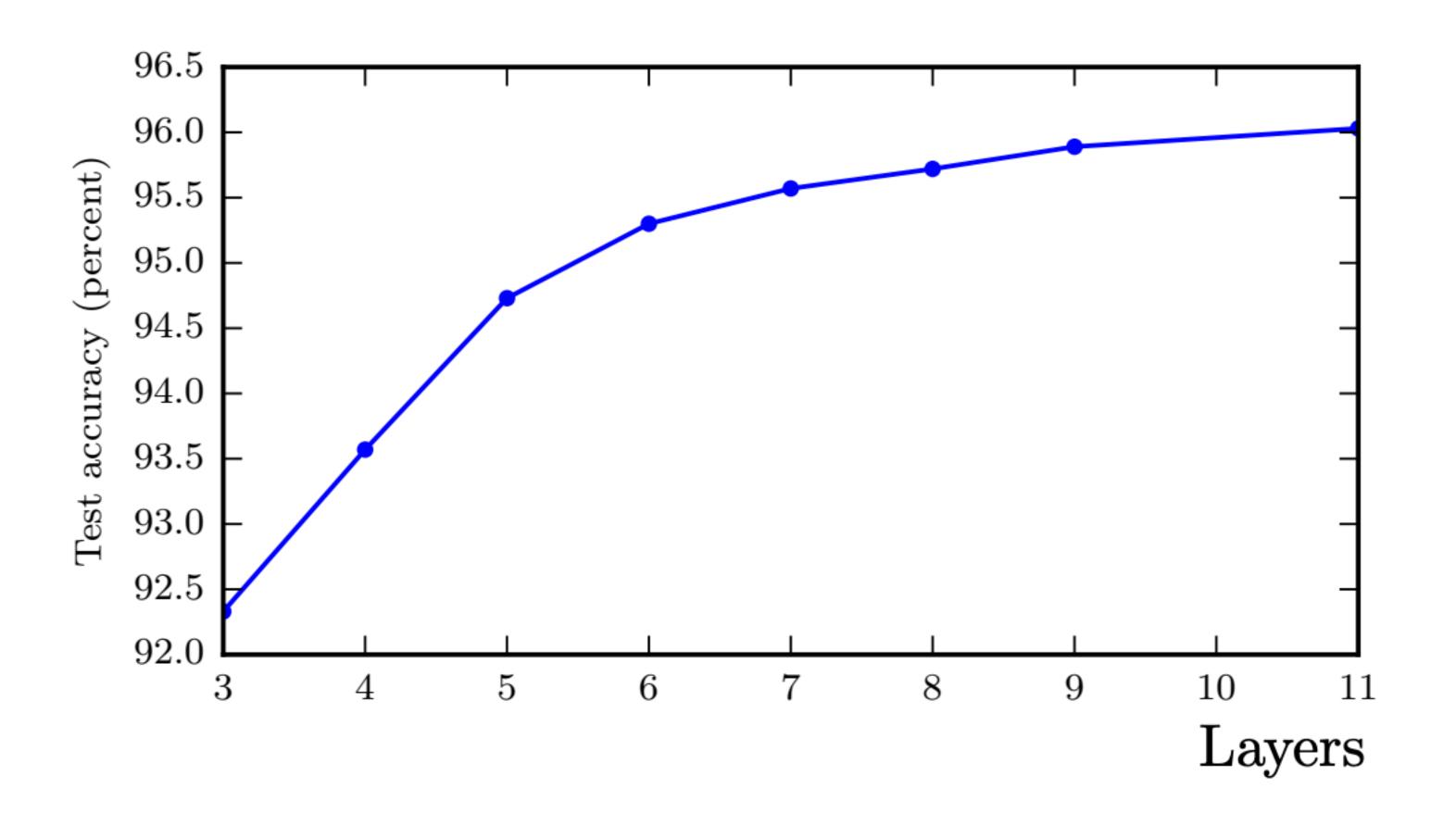
• L'importance des représentations



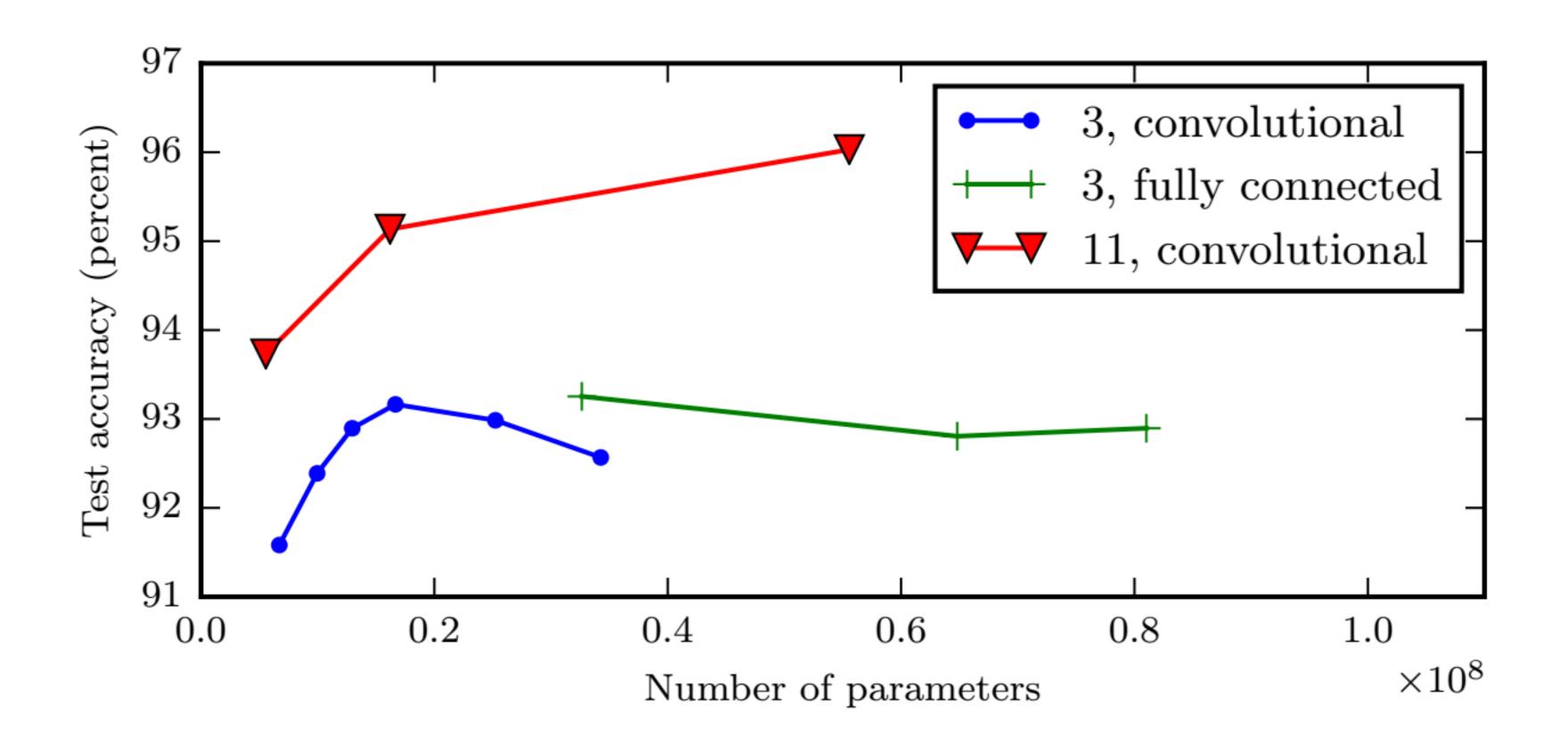
Hyperparamètres

- 1. Modèle
 - Fonctions d'activation (sortie & cachées), taille du réseau
- 2. Objectif à optimiser
 - Régularisation, Early-stopping, Dropout
- 3. Procédure d'optimisation
 - Momentum, Adaptive learning rates

Réseaux profonds?



Large ou Profond?



[Figure 6.7, <u>Deep Learning</u>, book]